

# Misura delle Grandezze Fisiche e Incertezza Stimata

Abbiamo visto che il risultato della misura di una grandezza fisica  $B$  può essere espresso così:

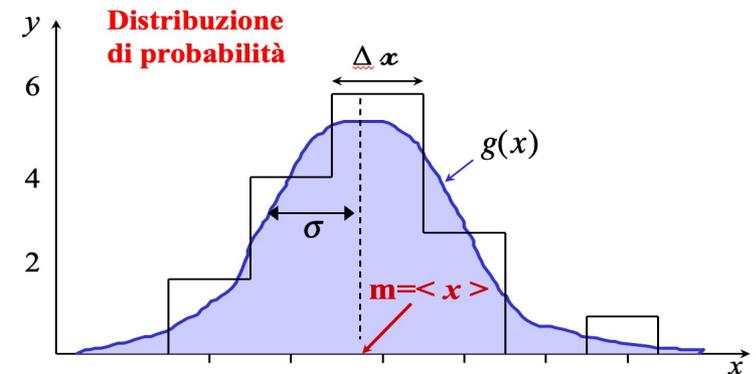
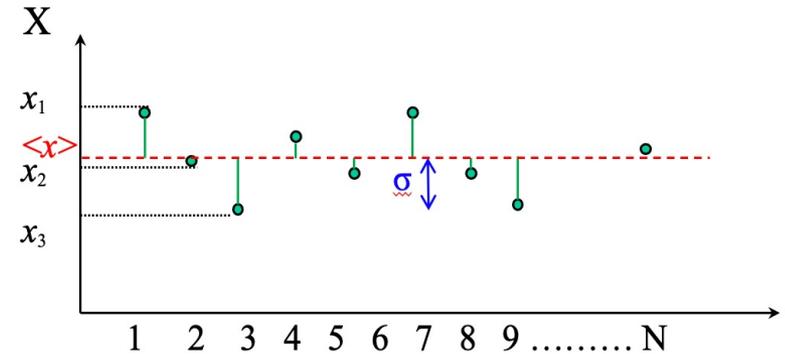
$$B = b \pm \Delta b [b]$$

scarto quadratico medio

media, vicina al "valore vero"

unità di misura

dove, in generale,  $b$  rappresenta la *media*  $\langle x \rangle$  della *distribuzione di valori ottenuti ripetendo più volte la stessa misura* e  $\Delta b$  lo *scarto quadratico medio*  $\sigma$  – o *deviazione standard* – della *medesima distribuzione* (che equivale alla cosiddetta **incertezza stimata**).



Abbiamo visto inoltre che, se l'incertezza non è esplicitamente riportata, si assume che essa sia pari a poche unità dell'ultima cifra specificata. E' quindi importante che il risultato di una misura sia espresso con tutte e sole le cifre che si conoscono in modo attendibile (che indicheranno l'accuratezza della misura stessa).

# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

Dato un certo valore numerico  $b$ , le cifre che si conoscono in modo attendibile si chiamano **cifre significative** e la loro quantità si chiama “*numero di cifre significative*”. Maggiore è questo numero, maggiore sarà quindi l’accuratezza della misura.

Le **tre regole** per individuare le cifre significative di un numero:

- La *cifra più significativa* è sempre la prima da sinistra che sia diversa da zero (es. 0.21);
- La *cifra meno significativa*
  - in un valore intero, è la prima da destra che sia diversa da zero (es. 78340)
  - in un valore con una parte frazionaria, è l'ultima cifra a destra, anche se si tratta di uno zero (es. 67.450);
- Le **cifre significative** sono tutte quelle comprese tra la *più significativa* e la *meno significativa*, queste incluse.

E’ prassi comune, nel linguaggio scientifico, esprimere i numeri coinvolti in un processo di misura riportando **solo le cifre significative** sotto forma di numeri decimali con una sola cifra (la più significativa) nella parte intera, e moltiplicandole per una opportuna **potenza in base dieci** (con esponente variabile).

E’ questa la cosiddetta “**notazione scientifica**” o "notazione esponenziale".

Ad esempio:  $36900 = 3.69 \cdot 10^4$  oppure  $0.0021 = 2.1 \cdot 10^{-3}$

# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

Dato un numero espresso in **notazione scientifica**, ad esempio  $36900 = 3.96 \cdot 10^4$  oppure  $0.0021 = 2.1 \cdot 10^{-3}$ , il valore numerico con segno dell'esponente della potenza di dieci si chiama “**ordine di grandezza**” del numero considerato, o anche della grandezza fisica a cui si riferisce. In questo senso, l'ordine di grandezza è il **logaritmo** del numero considerato.

## Definizione di logaritmo (inverso dell'esponenziale)

Il logaritmo  $y$  di un numero  $x$  in una certa base  $a$  è l'esponente che bisogna dare alla base per ottenere il numero  $x$ :

*Se :  $\log_a x = y$  allora :  $a^y = x$  e viceversa*

  
si legge “logaritmo di  $x$  in base  $a$ ”

Per esempio:

$$\log_3 81 = ?$$

# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

Dato un numero espresso in **notazione scientifica**, ad esempio  $36900 = 3.96 \cdot 10^4$  oppure  $0.0021 = 2.1 \cdot 10^{-3}$ , il valore numerico con segno dell'esponente della potenza di dieci si chiama “**ordine di grandezza**” del numero considerato, o anche della grandezza fisica a cui si riferisce. In questo senso, l'ordine di grandezza è il **logaritmo** del numero considerato.

## Definizione di logaritmo (inverso dell'esponenziale)

Il logaritmo  $y$  di un numero  $x$  in una certa base  $a$  è l'esponente che bisogna dare alla base per ottenere il numero  $x$ :

*Se :  $\log_a x = y$  allora :  $a^y = x$  e viceversa*

  
si legge “logaritmo di  $x$  in base  $a$ ”

Per esempio:

$$\log_3 81 = 4 \quad \text{perché} \quad 3^4 = 81$$

# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

Dato un numero espresso in **notazione scientifica**, ad esempio  $36900 = 3.96 \cdot 10^4$  oppure  $0.0021 = 2.1 \cdot 10^{-3}$ , il valore numerico con segno dell'esponente della potenza di dieci si chiama “**ordine di grandezza**” del numero considerato, o anche della grandezza fisica a cui si riferisce. In questo senso, l'ordine di grandezza è il **logaritmo** del numero considerato.

## Definizione di logaritmo (inverso dell'esponenziale)

Il logaritmo  $y$  di un numero  $x$  in una certa base  $a$  è l'esponente che bisogna dare alla base per ottenere il numero  $x$ :

$$\text{Se : } \log_a x = y \quad \text{allora : } a^y = x \text{ e viceversa}$$

  
si legge “logaritmo di  $x$  in base  $a$ ”

Per esempio:

$$\log_{10} 100 = ?$$

# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

Dato un numero espresso in **notazione scientifica**, ad esempio  $36900 = 3.96 \cdot 10^4$  oppure  $0.0021 = 2.1 \cdot 10^{-3}$ , il valore numerico con segno dell'esponente della potenza di dieci si chiama “**ordine di grandezza**” del numero considerato, o anche della grandezza fisica a cui si riferisce. In questo senso, l'ordine di grandezza è il **logaritmo** del numero considerato.

## Definizione di logaritmo (inverso dell'esponenziale)

Il logaritmo  $y$  di un numero  $x$  in una certa base  $a$  è l'esponente che bisogna dare alla base per ottenere il numero  $x$ :

*Se :  $\log_a x = y$  allora :  $a^y = x$  e viceversa*

  
si legge “logaritmo di  $x$  in base  $a$ ”

Per esempio:

$$\log_{10} 100 = 2 \text{ perchè } 10^2 = 100$$

# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

Dato un numero espresso in **notazione scientifica**, ad esempio  $36900 = 3.96 \cdot 10^4$  oppure  $0.0021 = 2.1 \cdot 10^{-3}$ , il valore numerico con segno dell'esponente della potenza di dieci si chiama "**ordine di grandezza**" del numero considerato, o anche della grandezza fisica a cui si riferisce. In questo senso, l'ordine di grandezza è il **logaritmo** del numero considerato.

## Definizione di logaritmo (inverso dell'esponenziale)

Il logaritmo  $y$  di un numero  $x$  in una certa base  $a$  è l'esponente che bisogna dare alla base per ottenere il numero  $x$ :

*Se:  $\log_a x = y$  allora:  $a^y = x$  e viceversa*

  
si legge "logaritmo di  $x$  in base  $a$ "

Per esempio:

$$\text{Se } \log_{10} X = 13 \rightarrow X = ?$$

# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

Dato un numero espresso in **notazione scientifica**, ad esempio  $36900 = 3.96 \cdot 10^4$  oppure  $0.0021 = 2.1 \cdot 10^{-3}$ , il valore numerico con segno dell'esponente della potenza di dieci si chiama "**ordine di grandezza**" del numero considerato, o anche della grandezza fisica a cui si riferisce. In questo senso, l'ordine di grandezza è il **logaritmo** del numero considerato.

## Definizione di logaritmo (inverso dell'esponenziale)

Il logaritmo  $y$  di un numero  $x$  in una certa base  $a$  è l'esponente che bisogna dare alla base per ottenere il numero  $x$ :

*Se:  $\log_a x = y$  allora:  $a^y = x$  e viceversa*

  
si legge "logaritmo di  $x$  in base  $a$ "

Per esempio:

$$\text{Se } \log_{10} X = 13 \rightarrow X = 10^{13}$$

# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

Dato un numero espresso in **notazione scientifica**, ad esempio  $36900 = 3.96 \cdot 10^4$  oppure  $0.0021 = 2.1 \cdot 10^{-3}$ , il valore numerico con segno dell'esponente della potenza di dieci si chiama "**ordine di grandezza**" del numero considerato, o anche della grandezza fisica a cui si riferisce. In questo senso, l'ordine di grandezza è il **logaritmo** del numero considerato.

## Definizione di logaritmo (inverso dell'esponenziale)

Il logaritmo  $y$  di un numero  $x$  in una certa base  $a$  è l'esponente che bisogna dare alla base per ottenere il numero  $x$ :

$$\text{Se : } \log_a x = y \quad \text{allora : } a^y = x \text{ e viceversa}$$

  
si legge "logaritmo di  $x$  in base  $a$ "

Per esempio:

$$\text{Se } \log_{10} X = -7 \rightarrow X = ?$$

# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

Dato un numero espresso in **notazione scientifica**, ad esempio  $36900 = 3.96 \cdot 10^4$  oppure  $0.0021 = 2.1 \cdot 10^{-3}$ , il valore numerico con segno dell'esponente della potenza di dieci si chiama "**ordine di grandezza**" del numero considerato, o anche della grandezza fisica a cui si riferisce. In questo senso, l'ordine di grandezza è il **logaritmo** del numero considerato.

## Definizione di logaritmo (inverso dell'esponenziale)

Il logaritmo  $y$  di un numero  $x$  in una certa base  $a$  è l'esponente che bisogna dare alla base per ottenere il numero  $x$ :

$$\text{Se : } \log_a x = y \quad \text{allora : } a^y = x \text{ e viceversa}$$

  
si legge "logaritmo di  $x$  in base  $a$ "

Per esempio:

$$\text{Se } \log_{10} X = -7 \rightarrow X = 10^{-7}$$

# Vantaggi della Notazione Scientifica

La notazione scientifica in **potenze di dieci** ha diversi vantaggi:

•Innanzitutto fa sì che **il numero di cifre significative, e quindi l'accuratezza della misura, vengano indicati chiaramente** dal numero decimale che precede la potenza di dieci.

$$36900 = 3.96 \cdot 10^4 \quad \text{oppure} \quad 0.0021 = 2.1 \cdot 10^{-3}$$

•Essa è inoltre utile in quei casi in cui **ci interessa conoscere solo il valore approssimato** di una certa grandezza fisica, perchè magari un calcolo accurato potrebbe richiedere troppo tempo o troppi dati supplementari, oppure perchè vogliamo controllare se il risultato di un calcolo è approssimativamente corretto. In questi casi la notazione scientifica permette di effettuare rapidamente la cosiddetta "*stima dell'ordine di grandezza*"

## PROPRIETÀ DELLE POTENZE:

**Prodotto** Il prodotto di due o più potenze aventi ugual base è uguale a una potenza che ha per base la stessa base e per esponente la somma algebrica degli esponenti.

Esempio

$$10^3 \cdot 10^4 \cdot 10^2 = 10^{3+4+2} = 10^9$$

$$10^4 \cdot 10^{-2} = 10^{4-2} = 10^2$$

**Quoziente** Il quoziente di due potenze aventi ugual base è uguale a una potenza che ha per base la stessa base e per esponente la differenza degli esponenti.

Esempio

$$10^4 / 10^5 = 10^{4-5} = 10^{-1} \quad 10^5 / 10^{-3} = 10^{5-(-3)} = 10^8$$

**Potenza di potenza** Per elevare a potenza una potenza si moltiplicano gli esponenti.

Esempio

$$(10^3)^3 = 10^{3 \cdot 3} = 10^9 \quad (10^3)^{-2} = 10^{3 \cdot (-2)} = 10^{-6}$$

**Radice** La radice di una potenza è uguale ad una potenza che ha per base la stessa base e per esponente il rapporto fra l'esponente del radicando e l'indice della radice.

Esempio

$$\sqrt{10^4} = 10^{4/2} = 10^2$$

$$\sqrt[3]{10^9} = 10^{9/3} = 10^3$$

$$\text{Es. } \frac{300 \cdot 400000}{200000000} =$$

?

## PROPRIETÀ DELLE POTENZE:

**Prodotto** Il prodotto di due o più potenze aventi ugual base è uguale a una potenza che ha per base la stessa base e per esponente la somma algebrica degli esponenti.

Esempio

$$10^3 \cdot 10^4 \cdot 10^2 = 10^{3+4+2} = 10^9$$

$$10^4 \cdot 10^{-2} = 10^{4-2} = 10^2$$

**Quoziente** Il quoziente di due potenze aventi ugual base è uguale a una potenza che ha per base la stessa base e per esponente la differenza degli esponenti.

Esempio

$$10^4 / 10^5 = 10^{4-5} = 10^{-1} \quad 10^5 / 10^{-3} = 10^{5-(-3)} = 10^8$$

**Potenza di potenza** Per elevare a potenza una potenza si moltiplicano gli esponenti.

Esempio

$$(10^3)^3 = 10^{3 \cdot 3} = 10^9 \quad (10^3)^{-2} = 10^{3 \cdot (-2)} = 10^{-6}$$

**Radice** La radice di una potenza è uguale ad una potenza che ha per base la stessa base e per esponente il rapporto fra l'esponente del radicando e l'indice della radice.

Esempio

$$\sqrt{10^4} = 10^{4/2} = 10^2$$

$$\sqrt[3]{10^9} = 10^{9/3} = 10^3$$

$$\text{Es. } \frac{300 \cdot 400000}{200000000} = \frac{3 \cdot 10^2 \cdot 4 \cdot 10^5}{2 \cdot 10^8} =$$

## PROPRIETÀ DELLE POTENZE:

**Prodotto** Il prodotto di due o più potenze aventi ugual base è uguale a una potenza che ha per base la stessa base e per esponente la somma algebrica degli esponenti.

Esempio

$$10^3 \cdot 10^4 \cdot 10^2 = 10^{3+4+2} = 10^9$$

$$10^4 \cdot 10^{-2} = 10^{4-2} = 10^2$$

**Quoziente** Il quoziente di due potenze aventi ugual base è uguale a una potenza che ha per base la stessa base e per esponente la differenza degli esponenti.

Esempio

$$10^4 / 10^5 = 10^{4-5} = 10^{-1} \qquad 10^5 / 10^{-3} = 10^{5-(-3)} = 10^8$$

**Potenza di potenza** Per elevare a potenza una potenza si moltiplicano gli esponenti.

Esempio

$$(10^3)^3 = 10^{3 \cdot 3} = 10^9 \qquad (10^3)^{-2} = 10^{3 \cdot (-2)} = 10^{-6}$$

**Radice** La radice di una potenza è uguale ad una potenza che ha per base la stessa base e per esponente il rapporto fra l'esponente del radicando e l'indice della radice.

Esempio

$$\sqrt{10^4} = 10^{4/2} = 10^2$$

$$\sqrt[3]{10^9} = 10^{9/3} = 10^3$$

$$\text{Es. } \frac{300 \cdot 400000}{200000000} = \frac{3 \cdot 10^2 \cdot 4 \cdot 10^5}{2 \cdot 10^8} = 6$$

## PROPRIETÀ DELLE POTENZE:

**Prodotto** Il prodotto di due o più potenze aventi ugual base è uguale a una potenza che ha per base la stessa base e per esponente la somma algebrica degli esponenti.

Esempio

$$10^3 \cdot 10^4 \cdot 10^2 = 10^{3+4+2} = 10^9$$

$$10^4 \cdot 10^{-2} = 10^{4-2} = 10^2$$

**Quoziente** Il quoziente di due potenze aventi ugual base è uguale a una potenza che ha per base la stessa base e per esponente la differenza degli esponenti.

Esempio

$$10^4 / 10^5 = 10^{4-5} = 10^{-1} \quad 10^5 / 10^{-3} = 10^{5-(-3)} = 10^8$$

**Potenza di potenza** Per elevare a potenza una potenza si moltiplicano gli esponenti.

Esempio

$$(10^3)^3 = 10^{3 \cdot 3} = 10^9 \quad (10^3)^{-2} = 10^{3 \cdot (-2)} = 10^{-6}$$

**Radice** La radice di una potenza è uguale ad una potenza che ha per base la stessa base e per esponente il rapporto fra l'esponente del radicando e l'indice della radice.

Esempio

$$\sqrt{10^4} = 10^{4/2} = 10^2$$

$$\sqrt[3]{10^9} = 10^{9/3} = 10^3$$

$$\text{Es. } \frac{300 \cdot 400000}{200000000} = \frac{3 \cdot 10^2 \cdot 4 \cdot 10^5}{2 \cdot 10^8} = 6 \cdot 10^{-1} = 0.6$$

# Vantaggi della Notazione Scientifica

La notazione scientifica in **potenze di dieci** ha diversi vantaggi:

•Innanzitutto fa sì che **il numero di cifre significative, e quindi l'accuratezza della misura, vengano indicati chiaramente** dal numero decimale che precede la potenza di dieci.

$$36900 = 3.96 \cdot 10^4 \quad \text{oppure} \quad 0.0021 = 2.1 \cdot 10^{-3}$$

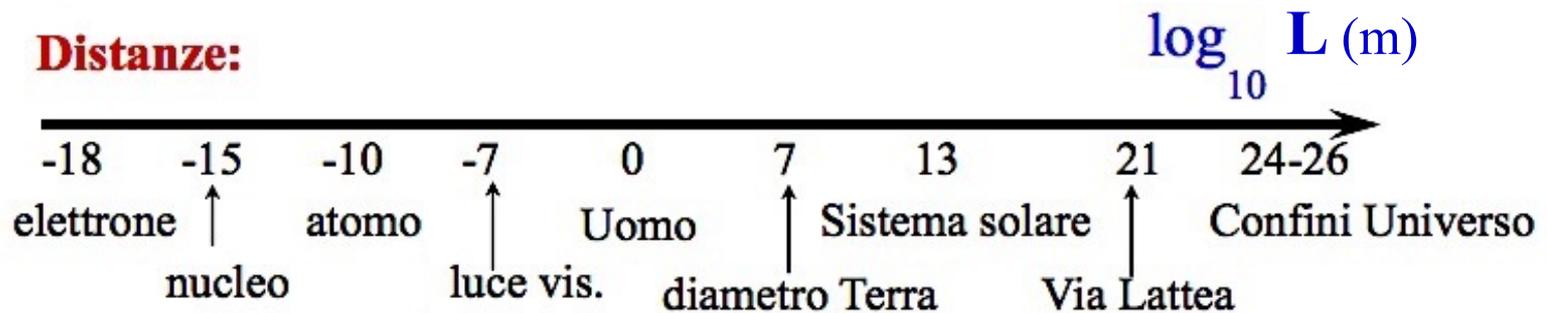
•Essa è inoltre utile in quei casi in cui **ci interessa conoscere solo il valore approssimato** di una certa grandezza fisica, perchè magari un calcolo accurato potrebbe richiedere troppo tempo o troppi dati supplementari, oppure perchè vogliamo controllare se il risultato di un calcolo è approssimativamente corretto. In questi casi la notazione scientifica permette di effettuare rapidamente la cosiddetta "*stima dell'ordine di grandezza*"

•Infine, la notazione scientifica permette di **esprimere in maniera concisa numeri molto grandi o molto piccoli**, consentendo così anche di confrontarli più agevolmente tra loro semplicemente confrontando i loro ordini di grandezza.

# Potenze di Dieci e Prefissi del Sistema Internazionale

$10^n$	Prefisso	Simbolo	Nome	Equivalente decimale
$10^{15}$	peta	P	Biliardo	1 000 000 000 000 000
$10^{12}$	tera	T	Bilione	1 000 000 000 000
$10^9$	giga	G	Miliardo	1 000 000 000
$10^6$	mega	M	Milione	1 000 000
$10^3$	kilo o chilo	k	Mille	1 000
$10^2$	etto	h	Cento	100
10	deca	da	Dieci	10
$10^{-1}$	deci	d	Decimo	0,1
$10^{-2}$	centi	c	Centesimo	0,01
$10^{-3}$	milli	m	Millesimo	0,001
$10^{-6}$	micro	$\mu$	Milionesimo	0,000 001
$10^{-9}$	nano	n	Miliardesimo	0,000 000 001
$10^{-12}$	pico	p	Bilionesimo	0,000 000 000 001
$10^{-15}$	femto	f	Biliardesimo	0,000 000 000 000 001
$10^{-18}$	atto	a	Trilionesimo	0,000 000 000 000 000 001

# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci



• velocità della luce nel vuoto:  $299792458 \text{ m/s} \approx 2.99 \cdot 10^8 \text{ m/s}$

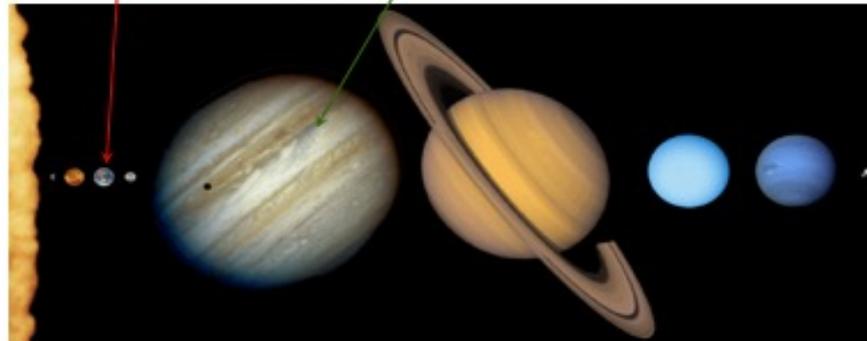
• 1 anno luce (a.l.)  $\approx 2.99 \cdot 10^8 \text{ m/s} \cdot 365.25 \text{ g} \cdot 86400 \text{ s/g} \approx 0.946 \cdot 10^{16} \text{ m}$

• dimensioni del sistema solare  $\approx 10^{13} \text{ m} \approx 10 \text{ ore-luce}$

Diametro:

Sole:  $1,4 \cdot 10^6 \text{ Km}$

Terra:  $1,274 \cdot 10^4 \text{ Km}$     Giove:  $1,4 \cdot 10^5 \text{ Km}$

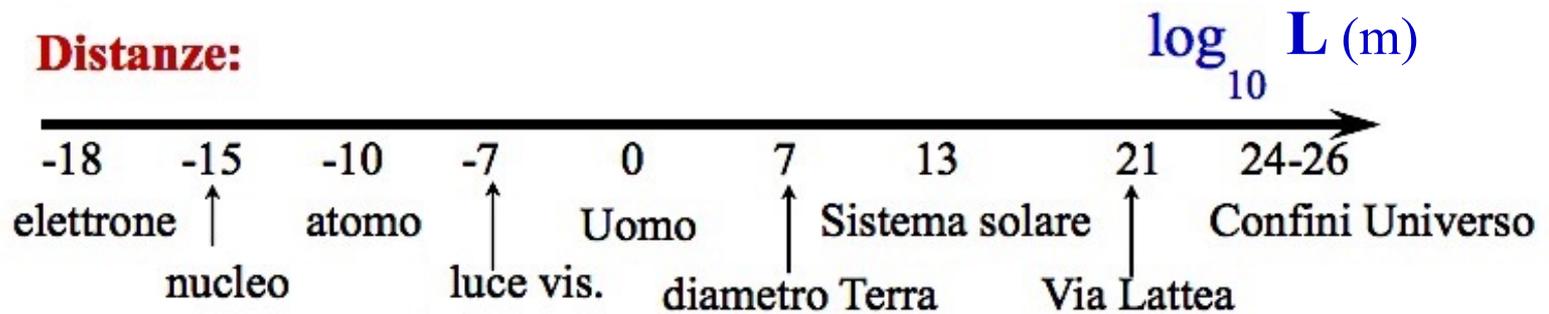


• dimensioni della nostra galassia (Via Lattea)  $\approx 1.6 \cdot 10^{21} \text{ m}$  ( $\approx 1.6 \cdot 10^5 \text{ a.l.}$ )

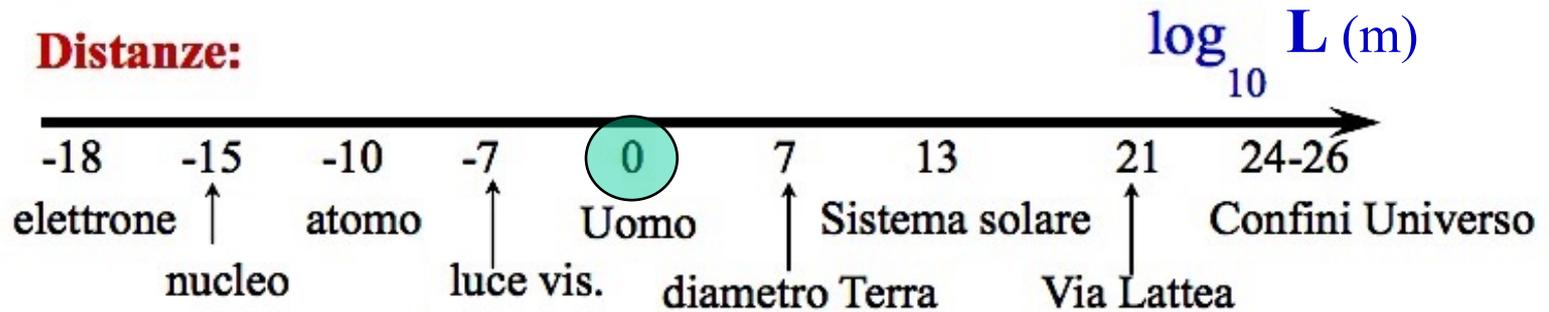
• distanza della galassia più vicina (Andromeda, M31)  $\approx 2.5 \cdot 10^{22} \text{ m}$  ( $\approx 2.5 \cdot 10^6 \text{ a.l.}$ )

• dimensioni dell' Universo conosciuto  $\approx 10^{26} \text{ m}$  ( $\approx 10^{10} \text{ a.l.}$ )

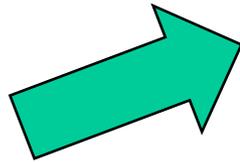
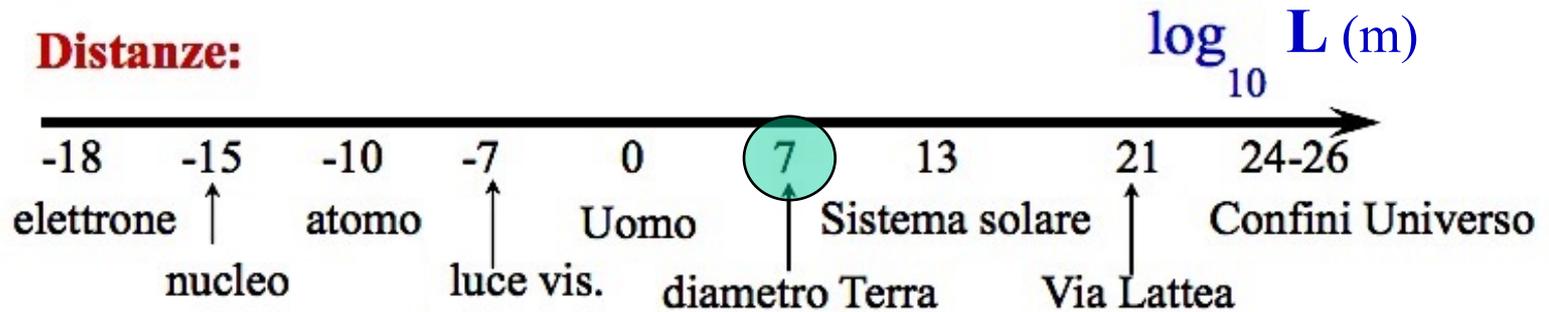
# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci



# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

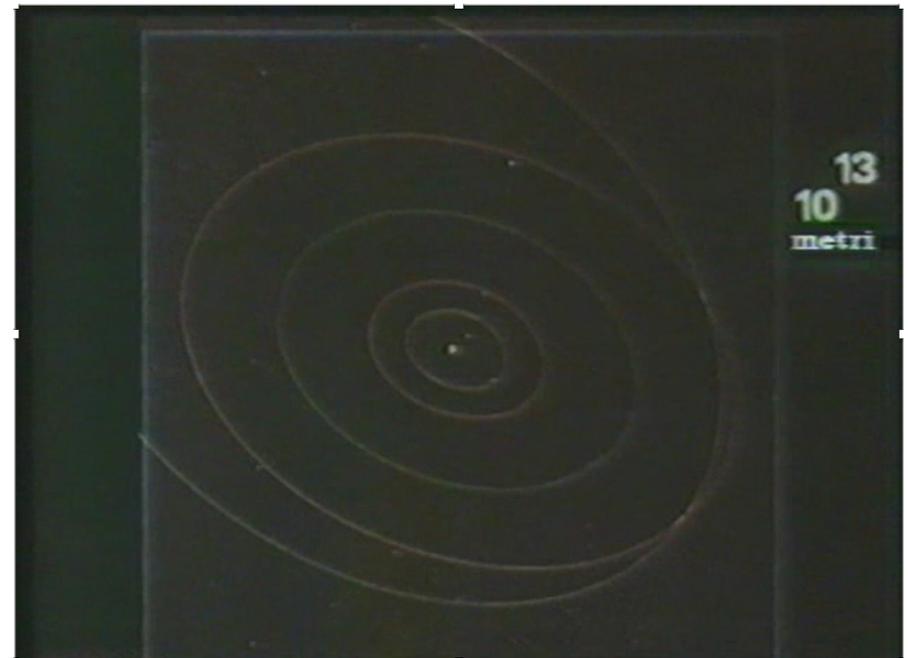
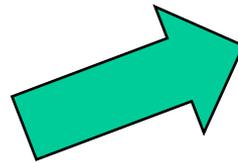
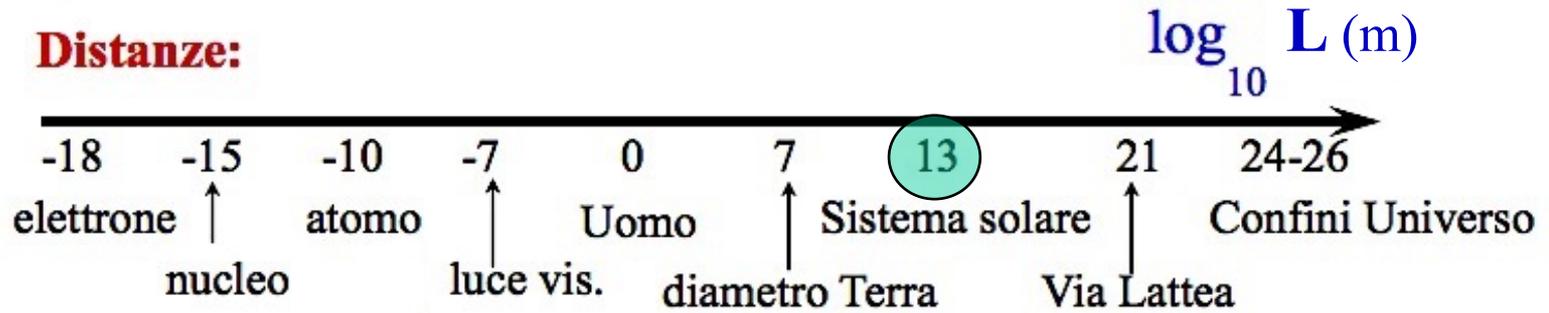


# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci



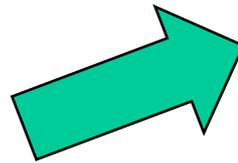
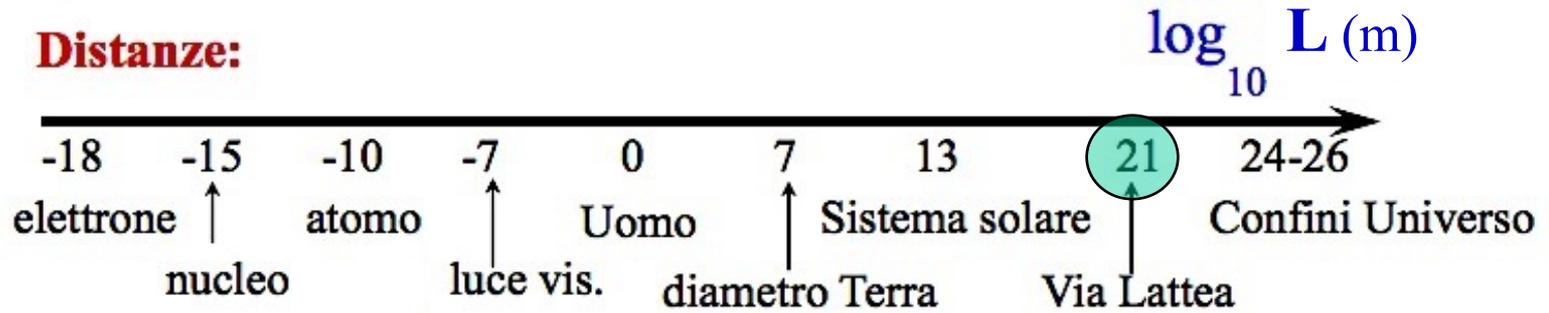
# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

**Distanze:**

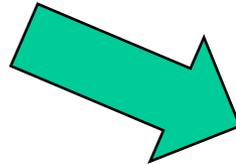
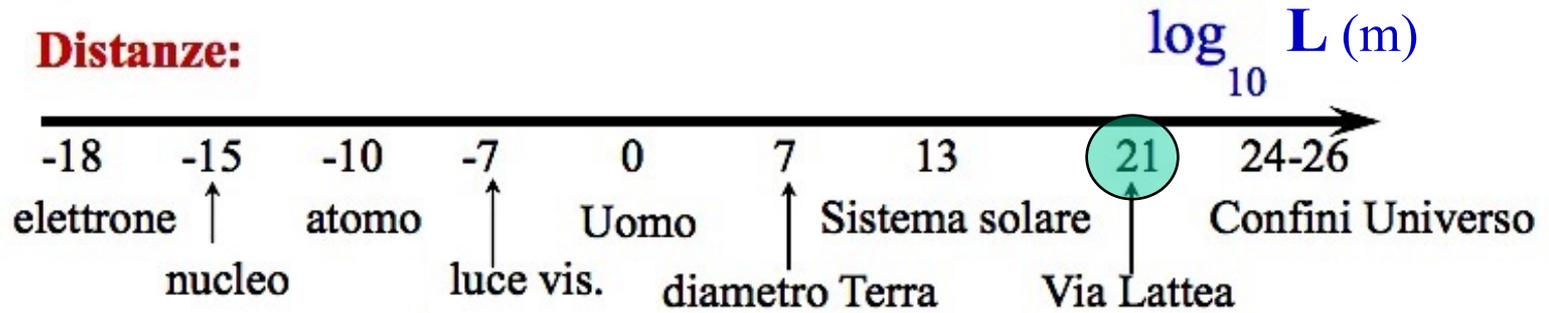


# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

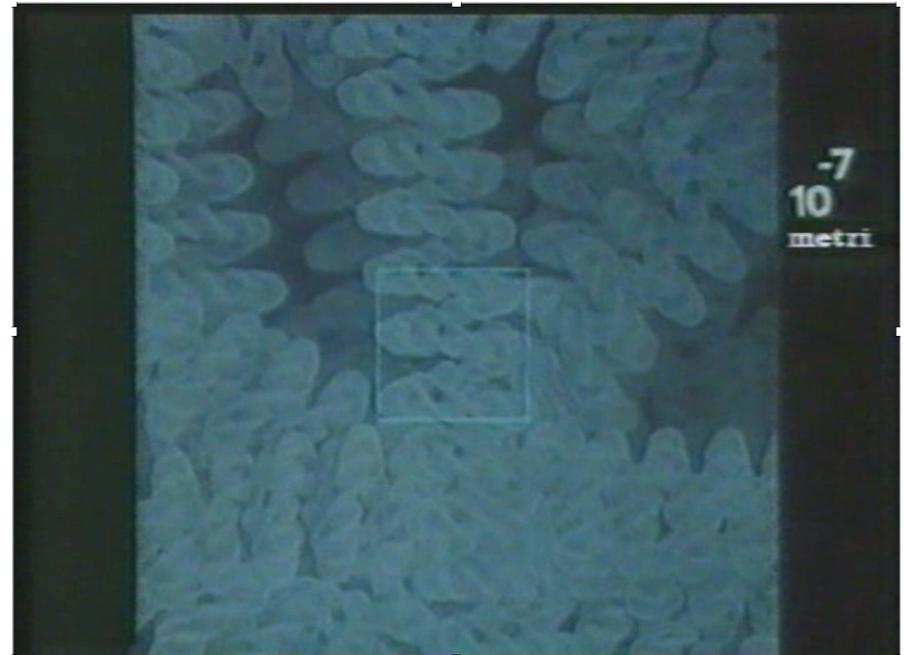
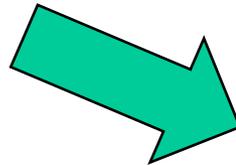
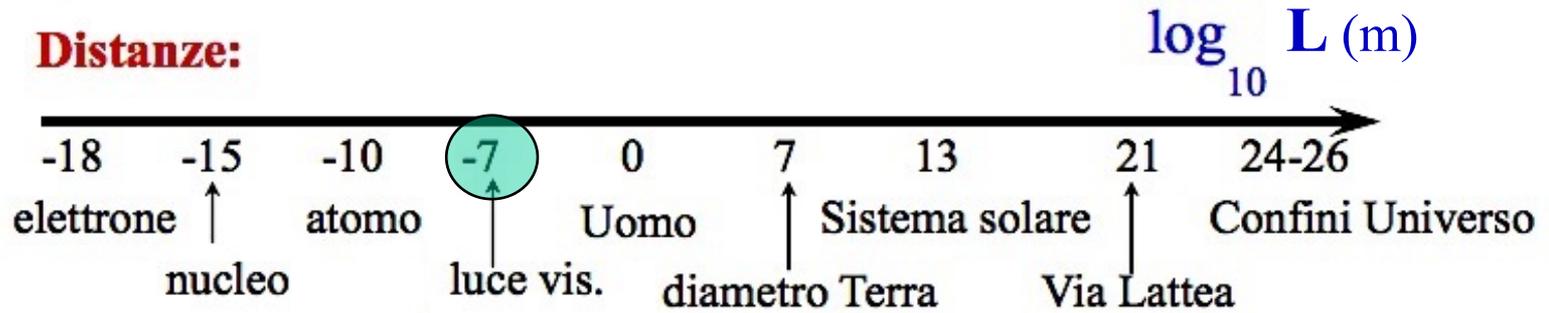
**Distanze:**



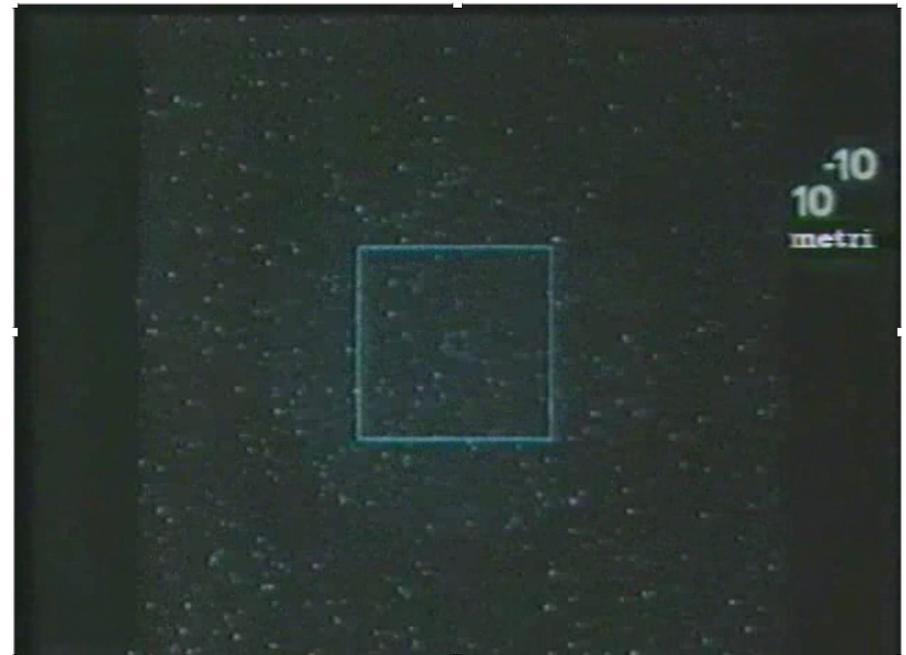
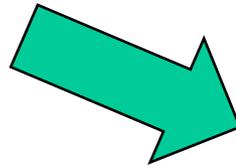
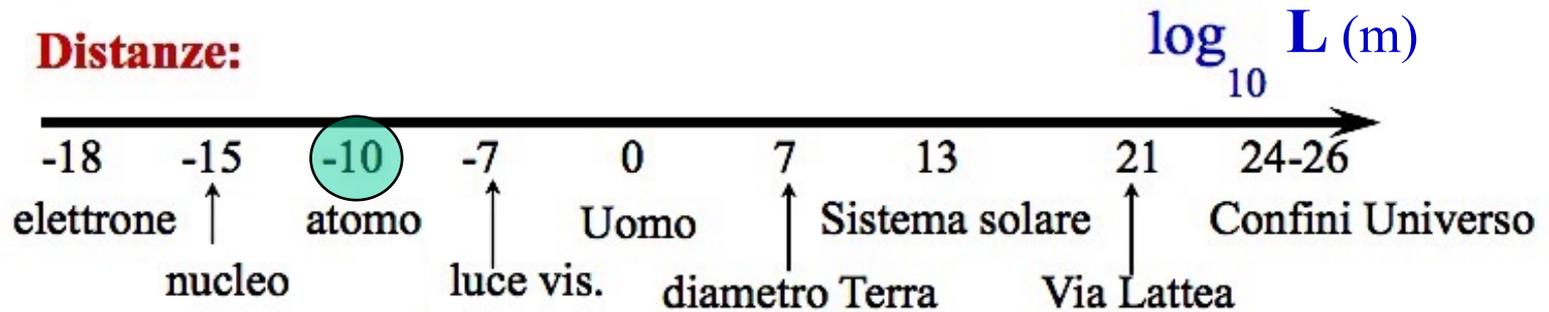
# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci



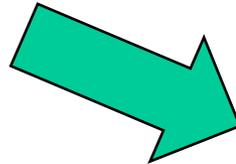
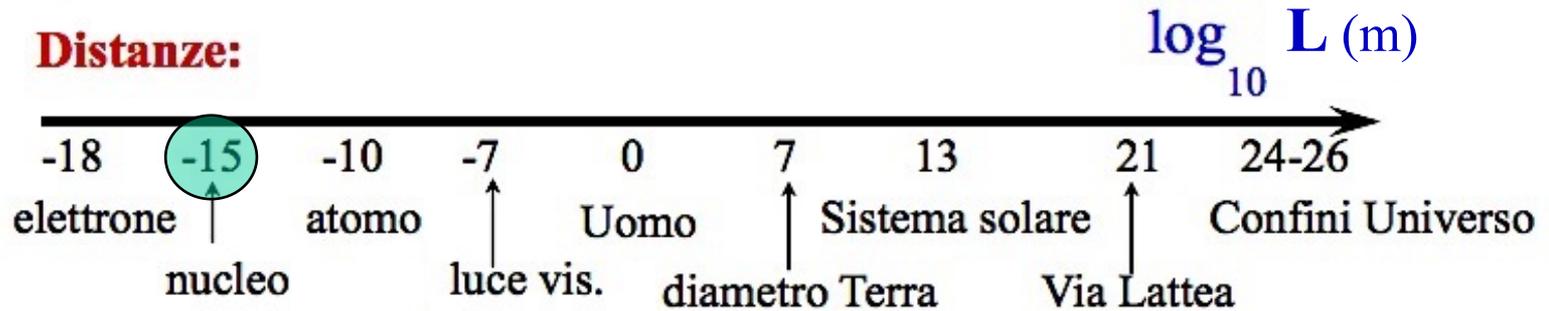
# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci



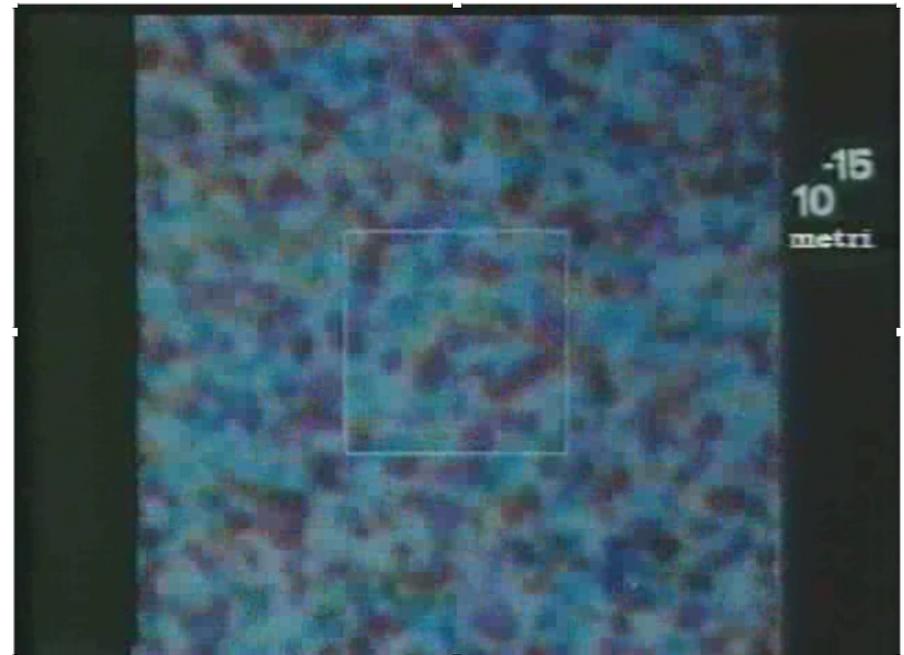
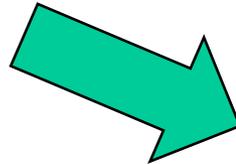
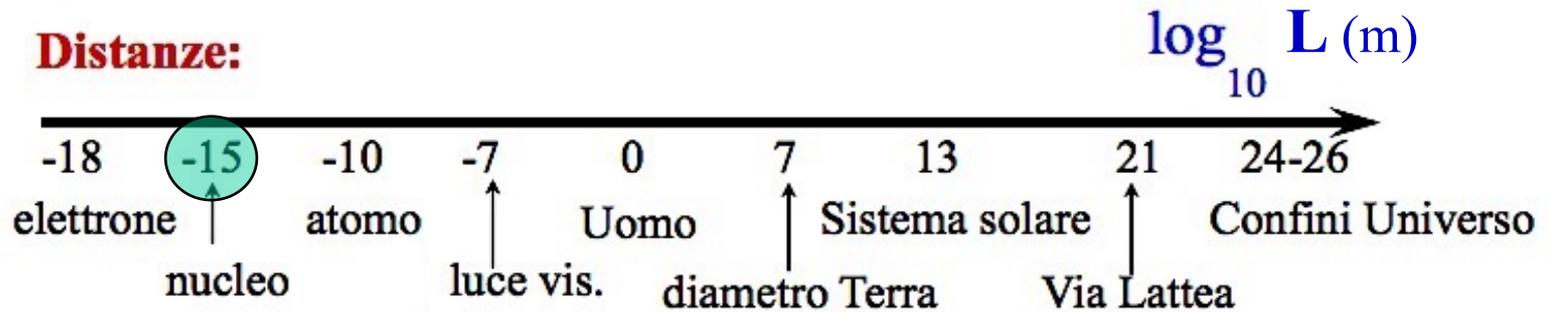
# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci



# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

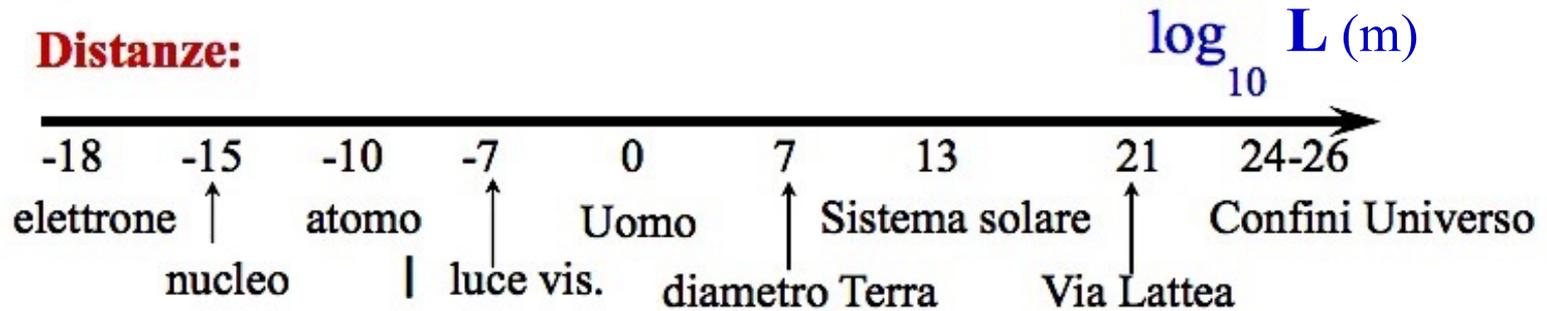


# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

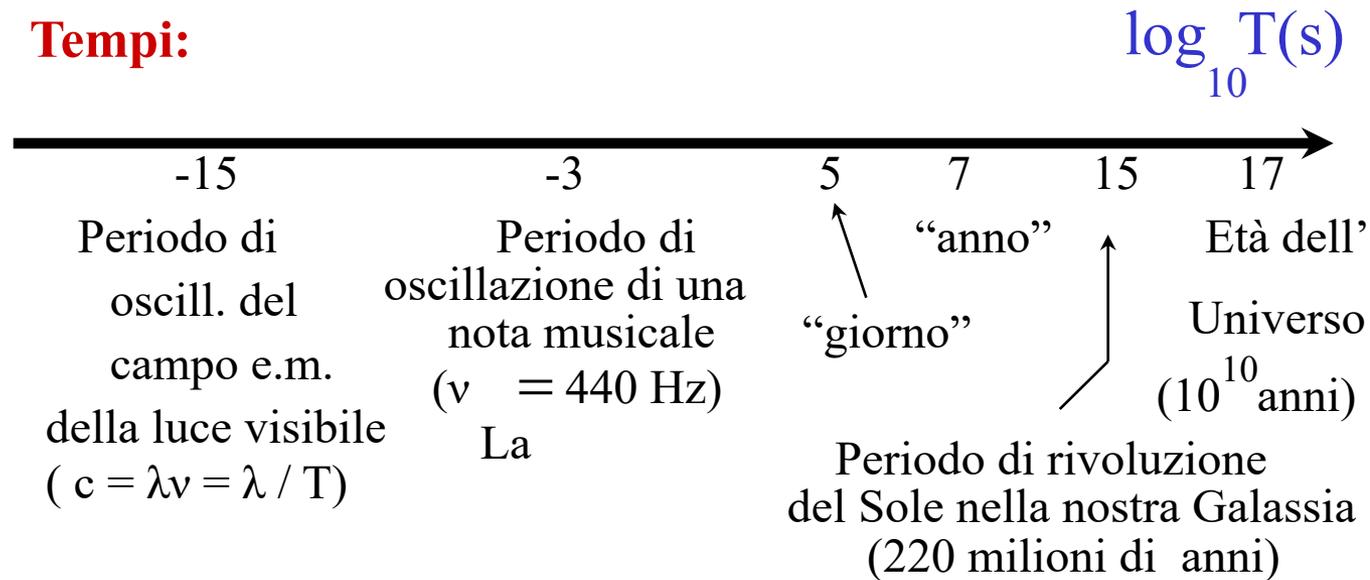


# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

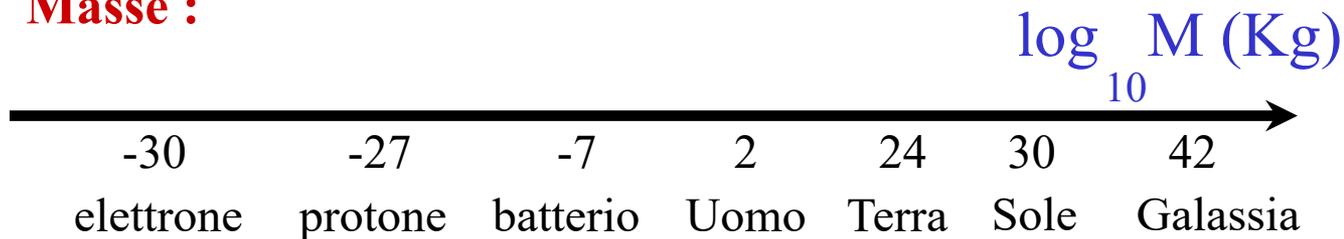
## Distanze:



## Tempi:

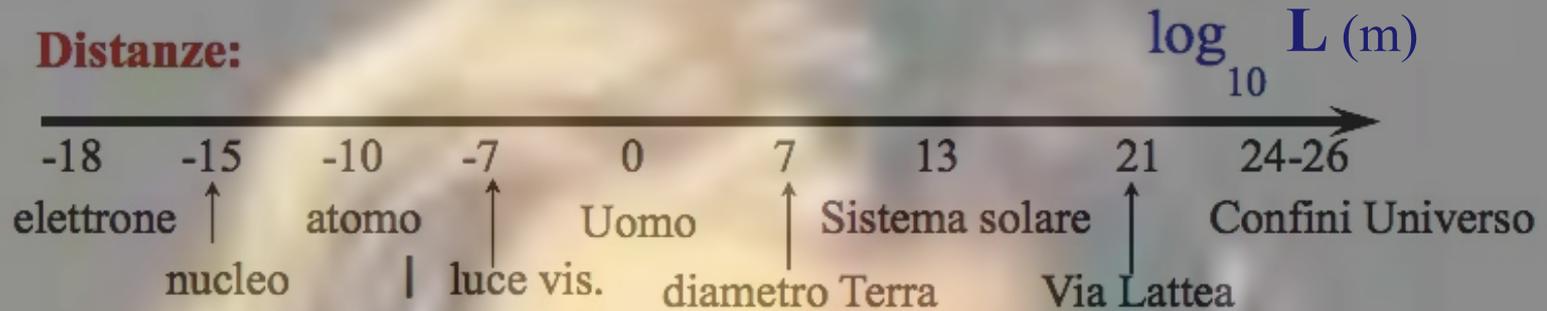


## Masse :

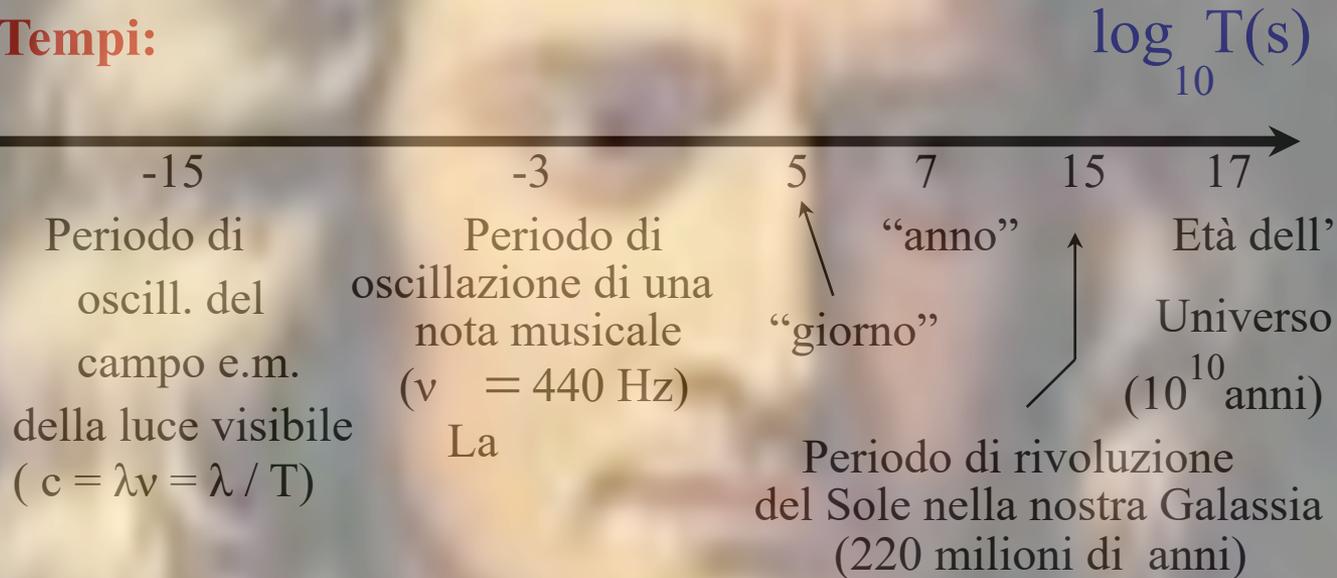


# Ordini di Grandezza e Potenze di Dieci

## Distanze:



## Tempi:



## Masse :



A blurred portrait of Isaac Newton, showing his characteristic long, wavy hair and a serious expression. The image is centered in the background.

# LA MECCANICA CLASSICA

# LA MECCANICA CLASSICA

```
graph TD; A[LA MECCANICA CLASSICA] --> B[Cinematica]; A --> C[Dinamica]; A --> D[Statica];
```

## Cinematica

Studia il movimento dei corpi  
(cioè *come* essi si muovono)

## Dinamica

Studia le cause del movimento dei corpi  
(cioè *perché* essi si muovono)

## Statica

Si occupa delle condizioni di equilibrio dei corpi

# LA MECCANICA CLASSICA

```
graph TD; A[LA MECCANICA CLASSICA] --> B[Cinematica]; A --> C[Dinamica]; C --> D[Statica];
```

## Cinematica

Studia il movimento dei corpi  
(cioè *come* essi si muovono)

## Dinamica

Studia le cause del movimento dei corpi  
(cioè *perchè* essi si muovono)

## Statica

Si occupa delle condizioni di equilibrio dei corpi  
(è un caso particolare della Dinamica)



# LA CINEMATICA

# Dalla Filosofia Naturale alla Scienza



Galileo Galilei (1564-1642)



Alla fine del 1500, quando **Galileo** per primo cominciava ad eseguire esperimenti sistematici utilizzando il linguaggio matematico per formulare le leggi che scopriva, quella che oggi chiamiamo Scienza si chiamava “**Filosofia Naturale**” e lo stesso Galileo quando parlava di matematica si riferiva in realtà, più che altro, alla **geometria**.

*« La filosofia è scritta in questo grandissimo libro che continuamente ci sta aperto innanzi a gli occhi (io dico l'universo), ma non si può intendere se prima non s'impara a intender la lingua, e conoscer i caratteri, ne' quali è scritto. Egli è scritto in lingua matematica, e i caratteri son triangoli, cerchi, ed altre figure geometriche, senza i quali mezzi è impossibile a intenderne umanamente parola; senza questi è un aggirarsi vanamente per un oscuro laberinto »*

*Galileo, Il Saggiatore, cap.6*

Galileo aveva ereditato questa visione dai filosofi dell'antica **Grecia** (IV e III secolo a.C.). Si dice infatti che sopra l'entrata dell'Accademia Platonica di Atene fosse scritto: “*Nessuno varchi questa soglia se non conosce la geometria*”.

In realtà nel IX secolo d.C., in **Persia**, alcuni filosofi islamici (primo fra tutti Muhammad al-Khwārizmī) avevano introdotto una nuova disciplina per la risoluzione di problemi matematici, basata sul lavoro di studiosi indiani ed ellenici: **l'algebra** (da *al-jabr*, completamento). A partire da essa erano poi state introdotte le identità, le equazioni e infine le funzioni del tipo  $y = f(x)$

